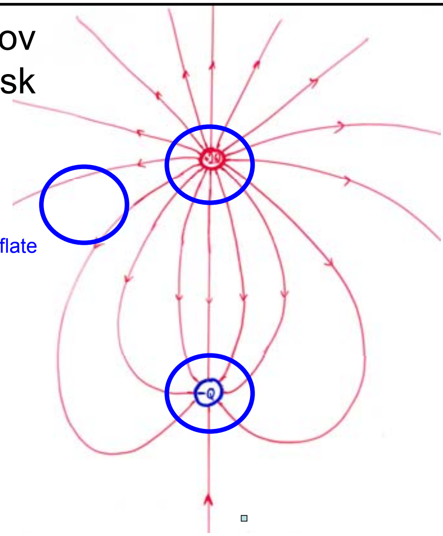
Kap. 22
Gauss' lov

Vi skal se på:

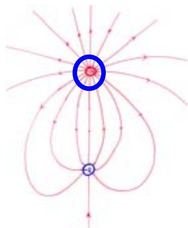
- Fluksen til elektrisk felt ***E***
- Gauss' lov
  - – Integralform og differensialform
- Elektrisk ledere.

Gauss' lov skjematisk



Gauss' lov

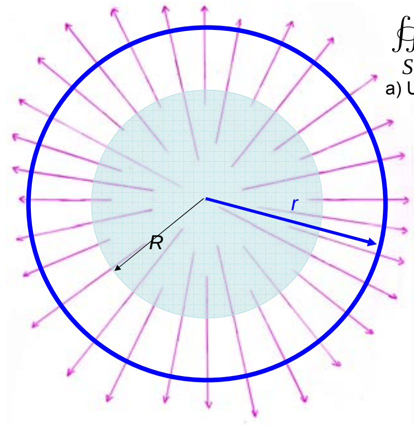
Gjelder lukkede flater.



- Antall feltlinjer ut – ant. feltlinjer inn
  er prop. med ladning innenfor.
- Integralform: $\oiint_S \vec{E}\cdot \mathrm{d}\vec{A} = \frac{1}{\varepsilon_0} q_{\text{encl}}$

Eks.1: Homogent ladd kule

=Y&F Ex. 22.9 = Lill.19.12



$$\oiint_S \vec{E}\cdot \mathrm{d}\vec{A} = \frac{1}{\varepsilon_0} q_{\text{encl}}$$

a) Utenfor kula $r > R$:

$$E_r \cdot 4\pi r^2 = \frac{1}{\varepsilon_0} Q$$

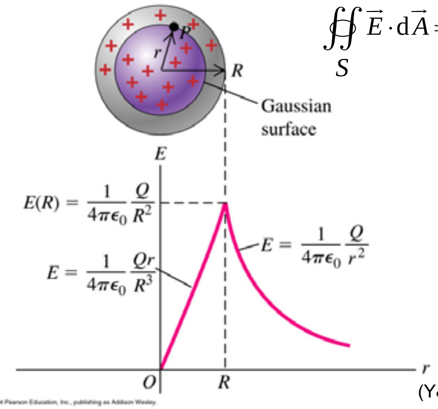
$$E_r = \frac{1}{4\pi\varepsilon_0}\frac{Q}{r^2}$$

b) Inni kula $r < R$:

q_{encl} er mindre

Eks.1: Homogent ladd kule

$$\oiint_S \vec{E}\cdot d\vec{A} = \frac{1}{\varepsilon_0} q_{encl}$$



(Y&F Fig 22.23)

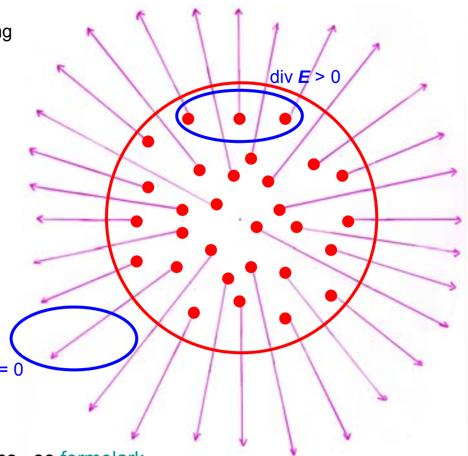
Eksempler i forelesning (Eks…), lærebok (Ex…), og Lillestøl (L…)

	Kap 21. *E*-felt	Kap 22. Gauss lov	Kap 23. Potensial
Dipol	Eks. 2 Ex. 21.9+21.15 L19.6		Eks. 4 Ex. 23.4
Linjeladning endelig	Eks. 3 Ex. 21.11		Ex. 23.12
Linjeladning uendelig	(Eks. 3) L19.7	Ex. 22.6 L19.13	(Eks. 9 hvis tid) Ex. 23.10
Tynn ring	Eks. 4 Ex. 21.10		Eks. 7 Ex. 23.11
Sirkulær plate	Eks. 5 Ex. 21.12		
Uendelig plate	Eks. 6 Ex. 21.12 L19.9	Eks. 2 Ex. 22.7 L19.14	L19.15
Parallellplater	Ex. 21.13 Eks. 7	Ex. 22.8	Eks. 5 Ex. 23.9
Kule med homogen ladning		Eks. 1 Ex. 22.9 L19.12	Eks. 8 L19.19
Lederkule		Eks. 3 Ex. 22.5	Eks. 6 Ex. 23.8

divergens = kilde

= pos.ladning
= kilde

= E-felt



Uttrykk divergens, se formelark

Gauss' lov på differensialform

Divergensteoremet (Gauss' teorem) for vektorfeltet $\vec{E}$:

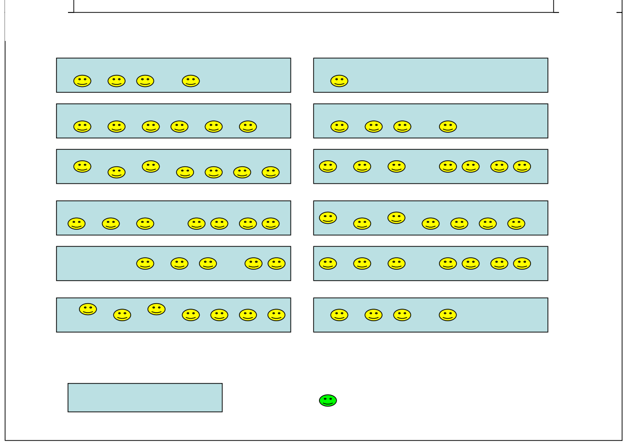
$$\oint_S \vec{E}\cdot d\vec{A} = \int_V \mathrm{div}\vec{E}\, dV$$

2-dim integral = 3-dim integral

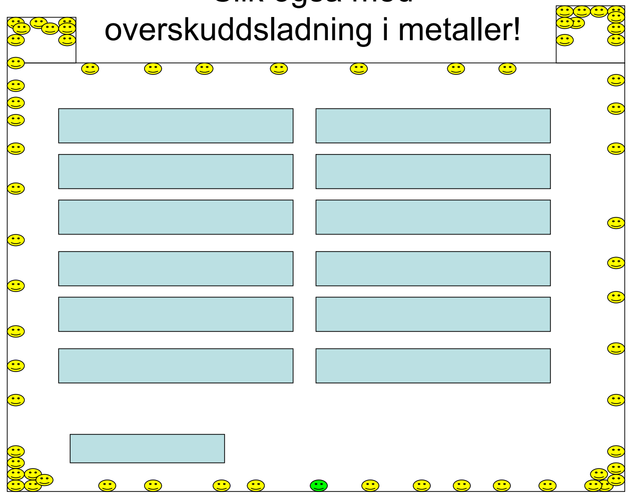
+ Gauss' lov: $\oint \vec{E}\cdot d\vec{A} = Q/\epsilon$

Gir oss
Gauss' lov på diff.form: $\mathrm{div}\vec{E} = \rho/\epsilon$

Auditoriet:
Hver av oss lades -1C

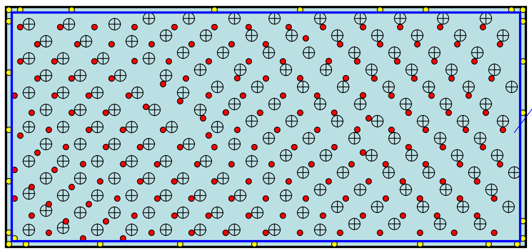


Slik også med overskuddsladning i metaller!



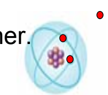
Elektrisk leder med valenselektroner

Negativt ladd metall: overskuddselektroner
Disse presses til overflata

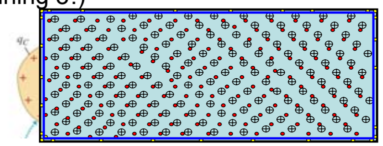


Elektrisk ledere (metaller)

1. Metallatomer har ett eller flere frie valenselektroner.

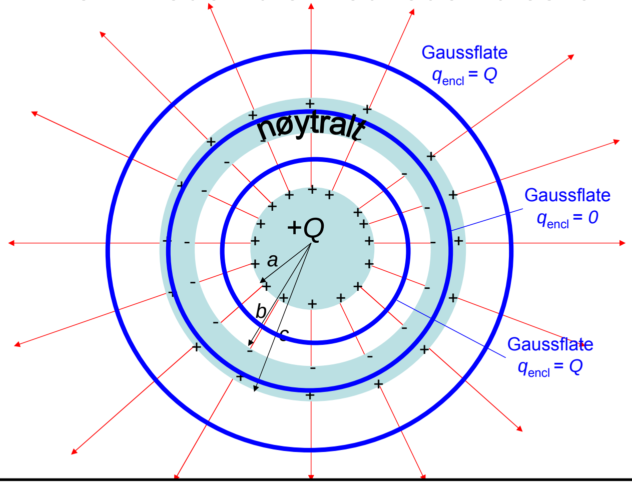


2. Evt. overskuddselektroner skyves til overflata
   (=> kun overflateladning σ.)
3. ρ= 0 og ***E*** = 0 inni



4. Rett utenfor overflata: ***E*** normal

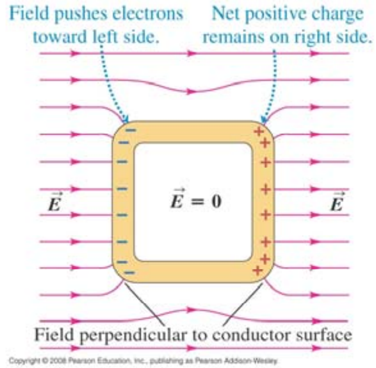
Eks.4: Lederkule med lederkuleskall



Ledere i ytre *E*-felt

Ladninger forskyves akkurat så mye at:

1) ***E*** = 0 i leder og hulrom
2) ***E*** normal på overflata rett utenfor



=> Faradaybur

Oppsummering kap. 22. Gauss' lov

Fluks til $\vec{E}$ gitt ved flateintegral: $\quad \Phi_E = \iint \vec{E} \cdot \mathrm{d}\vec{A}$

Gauss lov: Fluks ut av Gaussflate S $= \frac{1}{\epsilon_0} \cdot$ ladning innenfor:

$$\oint \vec{E} \cdot \mathrm{d}\vec{A} = \frac{q}{\epsilon_0}$$

(infinitesimal form:) $\quad \mathrm{div}\vec{E} \cdot \mathrm{d}V = \frac{1}{\epsilon_0} \rho \, \mathrm{d}V$

Gauss' lov enklere enn Coulombs lov når det er symmetri i ladning og/eller elektrisk felt. Legg inn Gaussflate S slik at $\vec{E} || \mathrm{d}\vec{A}$ eller $\vec{E} \perp \mathrm{d}\vec{A}$

I **ledere** flytter ladninger seg tilnærmet uten motstand. Like ladninger frastøter hverandre og legger seg på **overflata** av lederen. Inni alle ledere er derfor $\rho = 0$ og $\vec{E} = \vec{0}$.