

## TFY4115 Fysikk

Mekanikk: (kap.ref Young & Freedman)

SI-systemet (kap. 1); Kinematikk (kap. 2+3). (Rekapitulasjon)  
Newtons lover (kap. 4+5)

Svingninger (kap. 14)

Energi, bevegelsesmengde, kollisjoner (kap. 6+7+8)

Rotasjon, spinn (kap. 9+10)

Statisk likevekt (kap. 11)

Termodynamikk:

Def. temperatur og varme (kap. 17)

Tilstandslikninger (kap. 18)

Termodynamikkens 1. lov (kap. 19)

Termodynamikkens 2. lov (kap. 20)

Varmetransport (kap. 17.7+39.5)

## Kap. 4+5. Newtons lover.

Sir Isaac Newton (1642-1727)

Før hans tid:

Aristoteles (300 f.Kr) Antiperistatis (bevegende kraft)

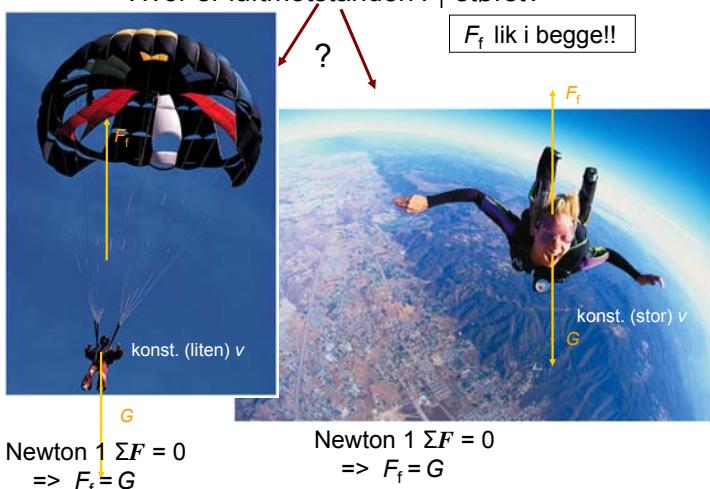
Philoponos (500) Impetus

Buridan (1300) Impetus

Galileo Galilei (1600) Bevegelsesmengde

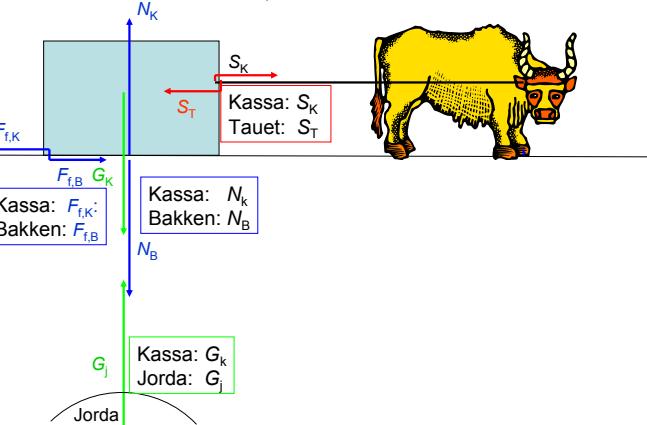
- Newtons 1., 2. og 3.lov

Hvor er luftmotstanden  $F_f$  størst?



Newton 3.lov. Kraft og motkraft.

$N_k$  og  $G_k$  er ikke kraft og motkraft!  
N1 gir:  $N_k = G_k$





0 til 100 km/h på 3 sekunder!

Anvendelse av Newton 2:

$$F = m \cdot a$$

**F** = tyngdekraft  
=>  
 $a = g \approx 9,8 \text{ (m/s)/s}$   
 $\approx 35 \text{ (km/h)/s}$   
 $\approx 22 \text{ (mile/h)/s}$

"It goes from zero to 60 in about 3 seconds."  
© Sydney Harris

## 5.5. Krefter i naturen.

**Fire fundamentale krefter**  
(formalisert lenge etter Newton):

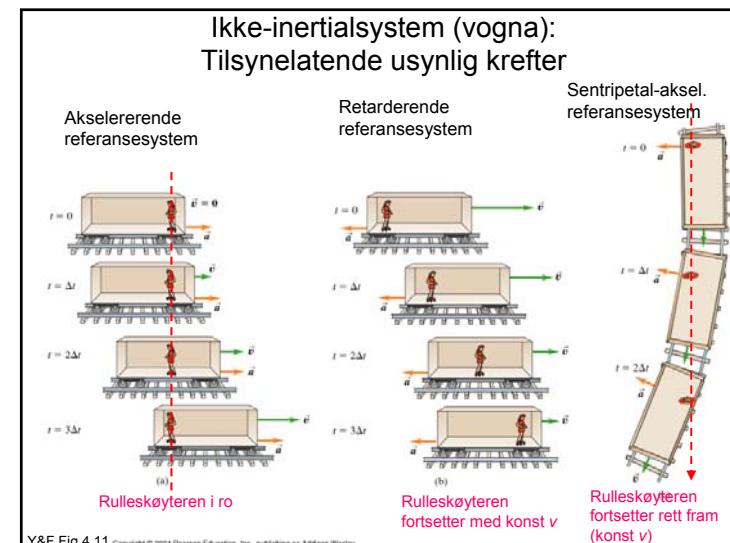
1. **Gravitasjonskraft** – tiltrekning mellom masser
2. **Elektromagnetisk kraft** – frastøtning/ tiltrekning mellom like/ulike elektriske ladninger
3. Sterk kjernekraft – kraft mellom subatomære partikler
4. Svak kjernekraft – kraft mellom subatomære partikler under spesielle radioaktive prosesser.

## Krefter i naturen.

Naturens krefter manifesterer seg på ulike måter i mekanikken:

- Tyngdekraft
- Normalkraft (kontaktkraft)
- Friksjon (kontaktkraft)
- Snorkraft
- Fjærkraft
- Luftmotstand
- Væskemotstand
- m.m.

.. men alle mekaniske krefter har sin årsak i en av de to fundamentale kreftene:  
**gravitasjonskraft**  
**elektromagnetisk kraft**



## Oppsummert:

### Kap. 4+5: Newtons lover

- (N1):  $\sum \mathbf{F} = 0$  : Uendra hastighet (evt. 0)
- (N2):  $\sum \mathbf{F} \neq 0$  : Akselerasjon  $\mathbf{a} = \sum \mathbf{F} / m$
- (N3): Krefter alltid i par.

Enhet kraft:  $1 \text{ kg}\cdot\text{m/s}^2 = 1 \text{ newton} = 1 \text{ N}$

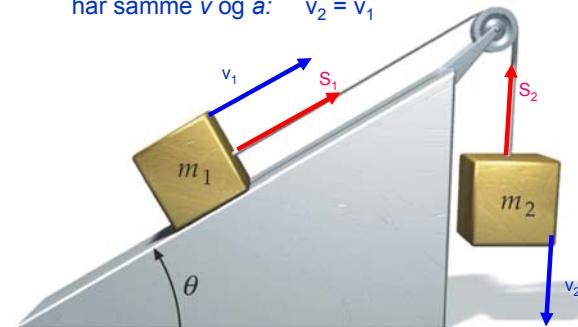
Gravitasjonskrafta:  $\mathbf{F} = mg$

Vektløs: Eneste kraft er tyngden =  $mg$

Newton's lover gjelder kun i inertialsystem, dvs. i koordinatsystem uten akselerasjon.

## Snorkrefter:

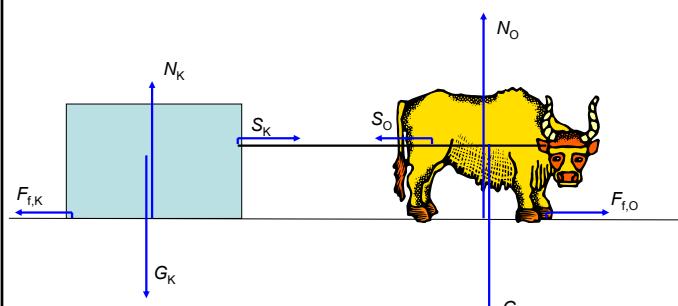
- Kun **strekk-krefter**
- Snorkrafa den samme langs hele snora:  $S_2 = S_1$  (fortsetter masseløs snor)
- Hele snora og alle masser forbundet har samme  $v$  og  $a$ :  $v_2 = v_1$



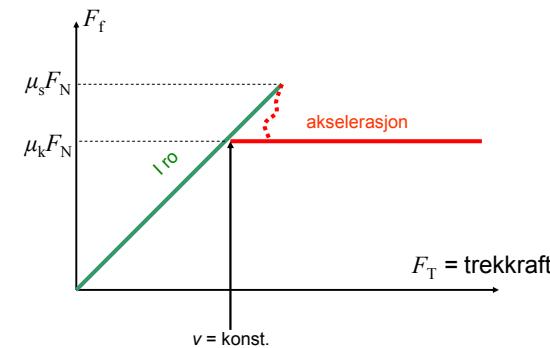
(mange oppgaver med snorer)

## Kraftdiagram:

Alle krefter på et legeme, med angrepspunkt  
Eksempel: Oksen og kassa.



## • 5.3. (Tørr) friksjon



**Luftmotstand**

Fritt fall:  $mg = F_f = bv^2$   
liten  $b$ , stor  $v \approx 200 \text{ km/h}$

I fallskjerm:  $mg = F_f = bv^2$   
stor  $b$ , liten  $v \approx 20 \text{ km/h}$

Aks. nedover  $mg > bv^2$

Konst. fart ned  $mg = bv^2$

Materiale	$\mu_s$	$\mu_k$
Stål mot stål, rein flate	0,7	0,6
Stål mot stål, oljet flate	0,09	0,05
Tre mot tre	0,25-0,5	0,2
Glass mot glass	0,9	0,4
Gummi mot tørr asfalt	1,0	0,8
Gummi mot våt asfalt	0,30	0,25
Ski mot snø 0°C	0,1	0,05
Teflon mot teflon	0,04	0,04

### Eksempel: Svingkjøring

Y&F Ex. 5-22

**A. Udosert sving**

Copyright © 2008 Pearson Education, Inc., publishing as Pearson Addison Wesley.

Y&F, Fig. 5.33

### Eksempel: Svingkjøring

Y&F Ex. 5-23

**B. Dosert sving**

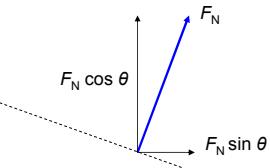
Copyright © 2008 Pearson Education, Inc., publishing as Pearson Addison Wesley.

Y&F, Fig. 5.34

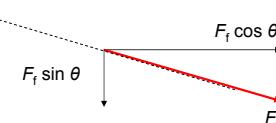
### Svingkjøring

- B: Med dosering dannes sentripetalkrafta fra:

normalkrafta  $F_N \sin \theta$



pluss friksjonskrafta  $F_f \cos \theta$



### Eksempel forts.: Svingkjøring

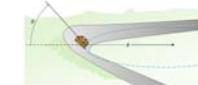
Svært like eksempler her: Ex. 5-22 + 5-23 i Y&F

- A: Uten dosering:  $v_{\max}^2 = gR \mu_s$



- B: Med dosering:  $v_{\max}^2 = gR \frac{\mu_s + \tan \theta}{1 - \mu_s \tan \theta}$  (3)

og med null friksjon:  $v_{\max}^2 = v_{\min}^2 = gR \tan \theta$



Holmenkollen 10.9.06

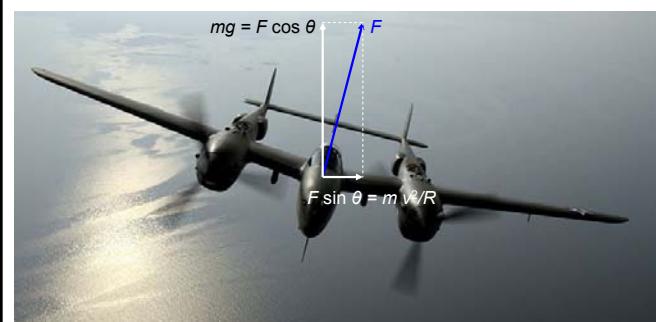
Stor fart



Mindre fart

Syklister må lene seg innover en vinkel  $\theta$ :  
 $\tan \theta = v^2 / gR$

Fly må kренge for å få kraft til sentripetalakselerasjon (svinge)



## Eksempel: Svingkjøring

- A: uten dosering
- B: med dosering

Gitt maks friksjon:  $F_f = \mu_s F_N$

Beregn  $v_{max}$  (og  $F_N$ )

**Ikke max friksjon:**

- B2: med dosering

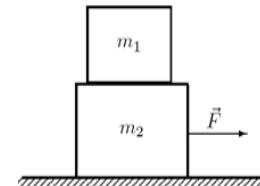
Gitt hastighet  $v$  ( $< v_{max}$ )

Beregn  $F_f$  og  $F_N$

$$F_N = F_N(v, \theta) = m \frac{v^2}{R} \sin \theta + mg \cos \theta \quad (5)$$

$$F_f = F_f(v, \theta) = m \frac{v^2}{R} \cos \theta - mg \sin \theta \quad (4)$$

## Fra en eks.oppgave



b. En kloss med masse  $m_1 = 4,40 \text{ kg}$  er plassert oppå en kloss med masse  $m_2 = 5,50 \text{ kg}$ . Når man holder nedre kloss fast trengs det en horisontal kraft på  $12,0 \text{ N}$  på den øverste klossen for å få den til å gli av.

De to klossene blir så plassert på et horisontalt, friksjonsløst underlag, som vist i figuren. Bestem, i selvvælgte rekkefølge:

- Den største horisontale kraften  $F$  som kan bli påført den nedre klossen slik at klossene beveger seg sammen og ikke glir seg imellom.
- Den resulterende akselerasjonen til klossene i dette tilfellet.
- Friksjonskoeffisienten  $\mu_s$  mellom klossene.

b. iii) Første opplysning bestemmer friksjonskoeffisienten:  $F_{f,max} = \mu_s m_1 g = 12,0 \text{ N}$  gir

$$\mu_s = \frac{12,0 \text{ N}}{4,40 \text{ kg} \cdot 9,81 \text{ m/s}^2} = 0,278.$$

ii) Skal øverste kloss følge med nederste, må de ha samme akselerasjon,  $a$ . Øverste kloss får sin akselererende kraft fra  $F_f$  som er maks.  $12,0 \text{ N}$ . Newton 2 for øverste kloss gir

$$m_1 a_{max} = 12,0 \text{ N}, \text{ som gir } a_{max} = \frac{12,0 \text{ N}}{4,40 \text{ kg}} = 2,727 \text{ m/s}^2 = 2,73 \text{ m/s}^2.$$

i) Krafta  $F$  akselererer begge klossene slik at Newton 2 for (øverste + nederste) kloss som ett system gir:

$$F_{max} = (m_1 + m_2)a_{max} = (9,90 \text{ kg}) \cdot 2,727 \text{ m/s}^2 = 27,0 \text{ N}.$$

## Kap. 4+5. Newtons lover

### Vi har sett på:

• Kinematikk: (kastebevegelse, sirkelbevegelse)

• Newtons lover

• Snorkrefter.

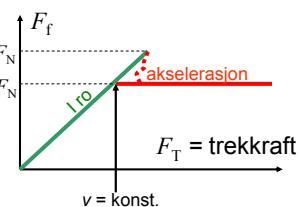
– Masseløs snor/trinser => lik S gjennom hele snora.

• Friksjon:

– **Hvilefriksjon**  $F_T = F_f \leq F_{f,max}$  ( $F_f$  "ukjent")  $F_{f,max} = \mu_s F_N$

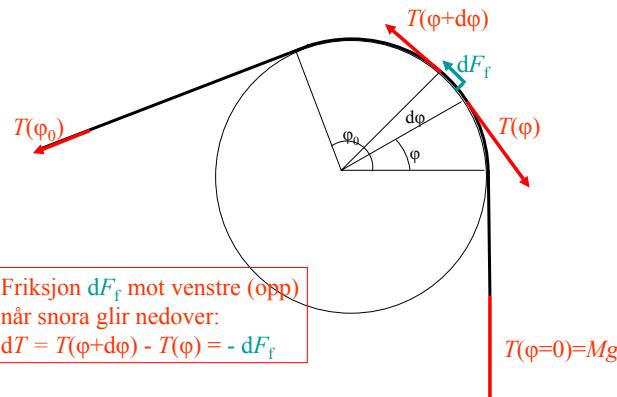
– **Glidefriksjon**:  $F_T \geq F_f = \mu_k F_N$

• Luft/væskemotstand:  $F_f = -b v^2$

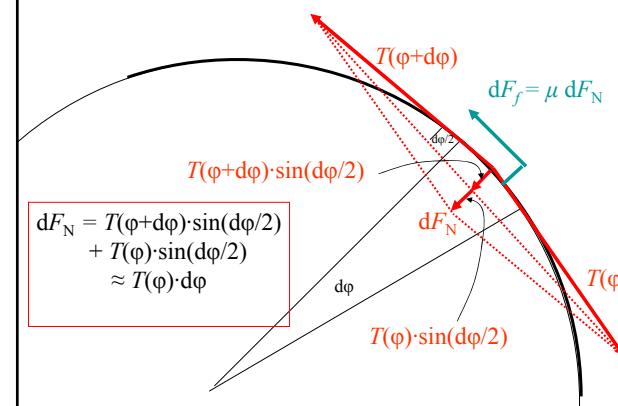


## Eksempel: Friksjon over kant

H & S Kap. 2.3.3



## Eksempel: Friksjon over kant



## Eksempel: Friksjon over kant

