

## Konstant-akselerasjonslikninger

Translasjon:  
(konstant akselerasjon  $a$ )

$$v = v_0 + a \cdot t$$

$$s = s_0 + v_0 \cdot t + \frac{1}{2} a t^2$$

$$v^2 - v_0^2 = 2as$$

Rotasjon:  
(konstant vinkelakselerasjon  $\alpha$ )

$$\omega = \omega_0 + \alpha \cdot t$$

$$\theta = \theta_0 + \omega_0 \cdot t + \frac{1}{2} \alpha t^2$$

$$\omega^2 - \omega_0^2 = 2\alpha\theta$$

## Oppsummering:

### Kap. 9+10. Rotasjon av stive legemer

#### Vi har sett på:

- Vinkelhastighet  $\omega = d\theta/dt$ , vinkelakselerasjon  $\alpha = d\omega/dt$
- Sentripetalakselerasjon  $a_c = -r\omega^2 = -\omega v = -v^2/r$
- Baneakselerasjon  $a_t = r \cdot \alpha$
- Rotasjonsenergi  $E_k = \frac{1}{2} I \omega^2$
- Trehetsmoment  $I = \sum r_i^2 m_i \rightarrow \int r^2 dm$  (om en gitt akse)
- Dreiemoment:  $\tau = \mathbf{r} \times \mathbf{F}$
- Spinn (dreieimpuls) =  $\mathbf{L} = \mathbf{r} \times \mathbf{m v}$   
For stivt legeme:  $\mathbf{L} = I \boldsymbol{\omega}$
- Spinsatsen:  $\tau = d\mathbf{L}/dt$  (Newton 2 for rotasjon)  
For stivt legeme:  $\tau = I d\boldsymbol{\omega}/dt$
- Eksempler: rulling, gyroskop (sykkelhjul), barnekarusell, m.m.

## Kap. 9+10. Analogier translasjons- og rotasjonsbevegelser

| Størrelse    | Trans  | Rot (vektor)   | Rot (skalar)                    |
|--------------|--|--|---------------------------------|
| Stedkoord.   | $\vec{r}$  |  | $\theta$                        |
| Hastighet    | $\dot{\vec{r}} = \vec{v}$                              | $\dot{\vec{\theta}} = \vec{\omega}$                            | $\dot{\theta} = \omega$         |
| Akselerasjon | $\ddot{\vec{r}} = \vec{a}$                             | $\ddot{\vec{\theta}} = \vec{\alpha}$                           | $\ddot{\theta} = \alpha$        |
| "Kraft"      | $\vec{F}$  | $\vec{\tau} = \vec{r} \times \vec{F}$                          | $\tau = rF \sin \theta$         |
| "Masse"      | $m$  |  | $I = \int r^2 dm$               |
| "Bev.mengde" | $\vec{p} = m \dot{\vec{r}}$                            | $\vec{L} = \vec{r} \times \vec{p} = I \vec{\omega}$            | $L = rps \in \theta = I \omega$ |
| Kin. energi  | $E_k = \frac{1}{2} m v^2$                              |  | $E_k = \frac{1}{2} I \omega^2$  |
| Arbeid       | $dW = \vec{F} \cdot d\vec{s}$                          | $dW = \vec{\tau} \cdot d\vec{\theta}$                          | $dW = \tau d\theta$             |
| Effekt       | $P = \vec{F} \cdot \vec{v}$                            | $P = \vec{\tau} \cdot \vec{\omega}$                            | $P = \tau \omega$               |
| Newton 2     | $\vec{F} = \vec{p} = m \ddot{\vec{r}}$                 | $\vec{\tau} = \vec{L} = I \ddot{\vec{\theta}}$                 | $\tau = I \ddot{\theta}$        |
| Newton 1     | $\vec{F} = \vec{0} \Rightarrow \vec{v} = \text{konst}$ | $\vec{\tau} = \vec{0} \Rightarrow \vec{\omega} = \text{konst}$ |                                 |

## Trehetsmoment (om en gitt akse):

$$I = \sum r_i^2 m_i \rightarrow \int r^2 dm$$

- Alle  $I$  om massesentrum (cm):
- Ring om sentrum:  $I = MR^2$
- Ring om diameter:  $I = \frac{1}{2}MR^2$
- Sylinder eller skive om sentrum:  $I = \frac{1}{2}MR^2$
- Kule om diameter:  $I = (2/5)MR^2$
- Kuleskall om diameter:  $I = (2/3)MR^2$   
Rullende legemer:  $I = c mR^2$  ( $c=1, \frac{1}{2}, \frac{2}{5}$  etc.)
- Lang, tynn stav om midtpunkt:  $I = (1/12)ML^2$
- Rektangulær plate om midtpunkt:  $I = (1/12)M(a^2+b^2)$
- Om annen parallel akse i avstand  $d$  (Steiners sats):  
$$I = I_{cm} + M d^2$$
- Se også Table 9.2 i Young & Freedman.