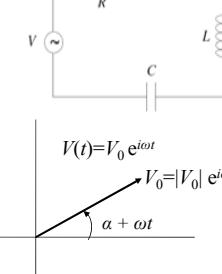


Kap 31: Vekselstrømskretser

- 31.1 Visere og kompleks notasjon
- 31.2 (Kompleks) reaktans
- 31.3 RLC-krets
- 31.5 Resonans (i RLC-krets)

Kretslover for AC-signal

med eksempel i RLC-seriekrets



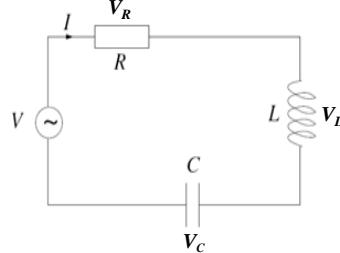
Regler:

1. $V(t) = V_0 e^{i\omega t}$ (1)
 $I(t) = I_0 e^{i\omega t}$ (2) osv. $V_R(t)$, $V_L(t)$, $V_C(t)$
 med lik frekvens ω og komplekse amplituder.
2. Resistans: $V_R = Z_R I = R \cdot I$
 $Z_R = R$ = resistans = resistiv impedans
3. Induktans: $V_L = Z_L I = i\omega L \cdot I$ (3)
 $Z_L = i\omega L$ = induktiv impedans, L = induktans
4. Kapasitans: $V_C = Z_C I = 1/i\omega C \cdot I$ (4)
 $Z_C = 1/i\omega C$ = kapasitiv impedans, C = kapasitans

OBS:
 $d/dt (e^{i\omega t}) = i\omega e^{i\omega t}$

5. Kirchhoffs lover som vanlig.

AC-spenning på RLC-krets



Kirchhoff:

$$V(t) = V_R + V_L + V_C = Z I(t)$$

$$V_R = Z_R I = R \cdot I$$

$$V_L = Z_L I = i\omega L \cdot I$$

$$V_C = Z_C I = 1/i\omega C \cdot I$$

gir seriekretsens komplekse impedans:

$$Z = R + i\omega L + 1/i\omega C$$

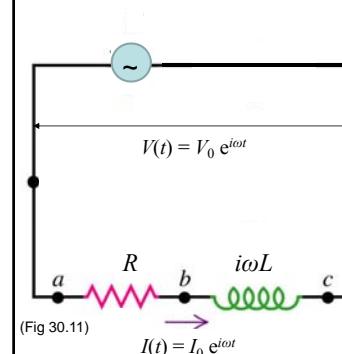
$$= R + i(\omega L - 1/\omega C)$$

eller

$$Z = R + Z_L + Z_C$$

(vanlig seriekopling av impedanser)

Detaljer for RL-krets

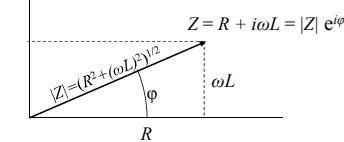
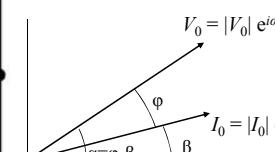


(Fig 30.11)

Ohm: $V(t) = Z I(t)$
 impedans $Z = R + i\omega L = |Z| e^{i\varphi}$
 (Kompleks) amplitide:
 $V_0(t) = Z I_0(t)$

$$V_0 = |V_0| e^{ia}$$

Her:
 $\beta = 0$



Eks.: RLC-krets

Kirchhoff's spenningslov:

$$V(t) = V_R + V_L + V_C = Z \cdot I(t)$$

gir $Z = R + i\omega L + 1/i\omega C$
 $\Rightarrow |Z| = (R^2 + (\omega L - 1/\omega C)^2)^{1/2}$

$$I_0 = |V_0|/|Z| \exp(-i\varphi)$$

$\omega_0 = \sqrt{\frac{1}{LC}}$

Eks.: RLC-krets

Kirchhoff's spenningslov:

$$V(t) = V_R + V_L + V_C = Z \cdot I(t)$$

gir $Z = R + i\omega L + 1/i\omega C$
 $\Rightarrow |Z| = (R^2 + (\omega L - 1/\omega C)^2)^{1/2}$

$$I_0 = |V_0|/|Z| \exp(-i\varphi)$$

Med $R = 1/100 \Omega$:

Med $R = 1 \Omega$:

Eks: RLC-parallellekrets

Parallelkopling:

$$1/Z = 1/R + 1/i\omega L + i\omega C$$

$$Z = \frac{R}{1 + i(\omega RC - \frac{R}{\omega L})}$$

Kompleks impedans med AC-signal

- $V(t) = V_0 e^{i\omega t}$ og $I(t) = I_0 e^{i\omega t}$
med lik frekvens ω og komplekse amplituder
 V_0 og I_0 gir en utvidet Ohms lov:
- Resistans: $V_R = Z_R I = R \cdot I$
- Induktans: $V_L = Z_L I = i\omega L \cdot I$
- Kapasitans: $V_C = Z_C I = 1/i\omega C \cdot I$

- Seriekopling: $Z = Z_1 + Z_2$
- Parallellekoping: $1/Z = 1/Z_1 + 1/Z_2$
- Alle kretslover gjelder for AC når Z brukes:
Kirchoff 1 (strømlov)
Kirchoff 2 (spenningslov)
Ohms lov
- OBS:
 Z gjelder kun AC-signal, ikke andre periodiske signal eller ikke-periodiske signal.