

Kontinuasjonseksemten i

Teoretisk fysikk IC (fag 715 16)

Tirsdag 24. august 1971

kl. 9 - 14.

Tillatte hjelpeemidler: Regnestav og logaritmetabell.

I

- a) En plan elektromagnetisk bølge $\underline{E} = \hat{e}_y E_0 \sin(kx - \omega t)$ faller normalt inn mot overflaten av et fullstendig absorberende legeme som befinner seg i ro. Finn strålingskraften pr. overflateenhet ved å betrakte den absorberte feltimpuls pr. tidsenhed. Finn også strålingskraften pr. overflateenhet dersom legemet (i det samme inertialsystem) i stedet for å være i ro beveger seg med konstant hastighet v i x -retningen.
- b) Skriv ned sammenhengen mellom komponentene av den elektromagnetiske felttensoren $F_{\mu\nu}$ og komponentene av de elektriske og magnetiske feltene \underline{E} og \underline{B} , og vis at uttrykket $(B^2 - \frac{1}{c^2} E^2)$ er relativistisk invariant.

II

En partikkkel med hvilemasse m_0 og ladning e beveger seg opprinnelig i det feltfrie området $y > 0$ med konstant hastighet $\underline{v} = \hat{e}_x v \cos \phi - \hat{e}_y v \sin \phi$. Ved grenseflaten $y = 0$ løper partikkelen inn i et magnetfelt $\underline{B} = \hat{e}_z B$, homogen for $y < 0$. (Her er $e > 0$, $v > 0$, $B > 0$.) Forklar kort hva slags bane partikkelen beskriver inne i magnetfeltet. Anta i det følgende at $\phi \rightarrow 0$, slik at partikkelen i magnetfeltet kan approksimeres med en sirkel. Bestem sirkelens radius og partikkelen omløpstid, og bestem de retningene i xy -planet (i forhold til hastigheten \underline{v}) hvor partikkelen ikke sender ut stråling. Finn den utstrålte energi $U(\hat{k})$ pr. romvinkelenhet i z -retningen for hele bevegelsen.

Anta så at $v \ll c$. Ta strålingskraften \underline{F}_r i betraktning og finn det arbeid som denne utfører på partikkelen i løpet av hele bevegelsen.

Oppgitt: $U(\hat{k}, t) = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{ce^2}{4\pi} \frac{\left[\hat{k} \times [(\hat{k} - \underline{\beta}) \times \underline{\beta}] \right]^2}{(1 - \hat{k} \cdot \underline{\beta})^5}$

$$\underline{F}_r = \frac{1}{4\pi\varepsilon_0} \frac{2}{3} \frac{e^2}{c^3} \ddot{\underline{v}}$$