



# EKSAMEN I EMNE TFY4180 FYSIKK

Eksamensdato: Torsdag 4. juni 2008

Eksamensstid: 09:00 - 13:00

**Fagleg kontakt under eksamen:** Institutt for fysikk, Arne Mikkelsen, tlf. 7359 3433 / 486 05 392

#### Tillettne hjelpemiddel (kode C):

## Bestemt enkel godkjend kalkulator

Rottmann: Matematisk formelsamling (norsk eller tysk utgåve).

## Vedlagt formelliste

**Sensurdato:** Innan 26. juni 2008.

Prosenttala i parantes etter kvar oppgåve syner normal vektlegging av oppgåva ved bedømminga. I dei fleste døme er det fullt mogeleg å løyse etterfølgjande punkt sjølv om eit punkt foran skulle vere utan svar.

Nokre generelle merknadar:

- Symbol er gjevne i kursiv (t.d.  $V$  for potensial), medan einingar er gjeven utan kursiv (t.d.  $V$  for volt)
  - $\hat{\mathbf{i}}$ ,  $\hat{\mathbf{j}}$  og  $\hat{\mathbf{k}}$  er einingsvektorar i  $x$ -,  $y$ - og  $z$ -retning.
  - Metall er synonymt med elektrisk leiar. Isolator er synonymt med dielektrikum.
  - Dersom ikkje anna er gjeven
    - kan du anta at systemet er i elektrostatisk likevekt,
    - er med "potensial" meint "elektrostatisk potensial" og tilsvarande for "potensiell energi",
    - er nullpunktet for elektrostatisk potensial og potensiell energi vald uendeleg langt borte,
    - er  $Q$ ,  $\rho$  og  $\sigma$  (utan indeks) fri ladning.

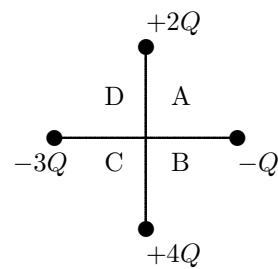
I fleirvalsspørsmåla er kun eitt av svara rett. Du skal altså svare A, B, C, D eller E eller du kan svare blankt. **Rett svar gir 5 p, galt svar eller fleire svar gir 0 p, blank (ubesvart) gir 1 p.**

Svar på fleirvalsspørsmåla skriv du på første innleveringsark i ein tabell liknande dette:

**Oppgåve 1. Fleirvalsspørsmål (tel 30%)**

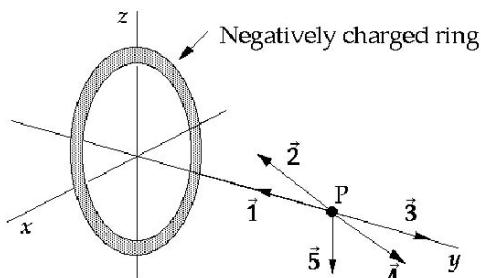
- a) Hvis ein ladning  $+Q$  blir plassert i origo i figuren (i kryssingspunktet mellom vertikal og horisontal line), inn mot kva for ein kvadrant vil den føle ein netto kraft?

- A) A
- B) B
- C) C
- D) D
- E) Ingen, kraften er null



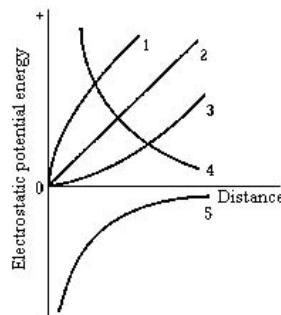
- b) Punktet P ligg på aksen til ein ring som er negativt ladd og ligg i  $xz$ -planet. Alle dei angitte vektorane ligg i  $yz$ -planet. Vektoren som viser retninga til det elektriske feltet i punkt P er

- A)  $\vec{1}$
- B)  $\vec{2}$
- C)  $\vec{3}$
- D)  $\vec{4}$
- E)  $\vec{5}$



- c) Kva for ei av kurvene i grafen representerar den elektrostatiske potensielle energien for ein liten negativ ladning som funksjon av avstanden frå ein positiv punktladning?

- A) 1
- B) 2
- C) 3
- D) 4
- E) 5

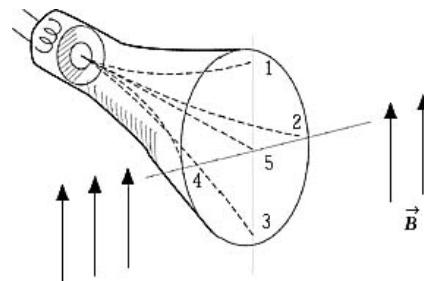


- d) Spenninga over kvar kondensator i ein seriekopling av kondensatorar er

- A) proporsjonal med kondensatorens kapasitans
- B) omvendt proporsjonal med kondensatorens kapasitans
- C) uavhengig av kondensatorens kapasitans
- D) lik
- E) ingen av desse er rett

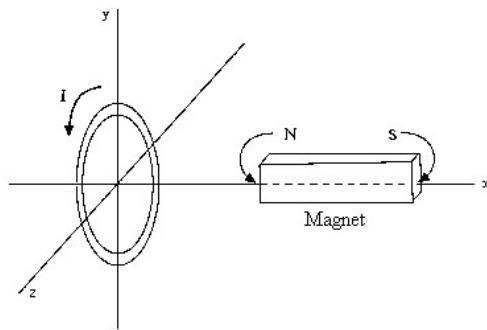
- e) Eit katodestrålerør er plassert horisontalt i eit homogent magnetisk felt som har retning vertikalt opp. Elektrona som emitterast frå katoden vil på veg mot overflata følge kva for ein av dei angitte vegar?

- A) 1 (bøyast oppover)
- B) 2 (bøyast mot venstre)
- C) 3 (bøyast nedover)
- D) 4 (bøyast mot høgre)
- E) 5 (rett fram)



- f) Ein kopperring ligg i  $yz$ -planet som vist. Magnetens langakse N-S ligg langs  $x$ -aksen. Strøm i ringen indusert pga. magneten, har retning som vist i figuren.

- A) Magneten må bevege seg bort frå ringen.
- B) Magneten må bevege seg mot ringen.
- C) Magneten må bevege seg verken frå eller mot ringen.
- D) Det er ikkje nødvendig at magneten beveger seg.
- E) Magneten må haldast i ro for å opprettholde strømmen.

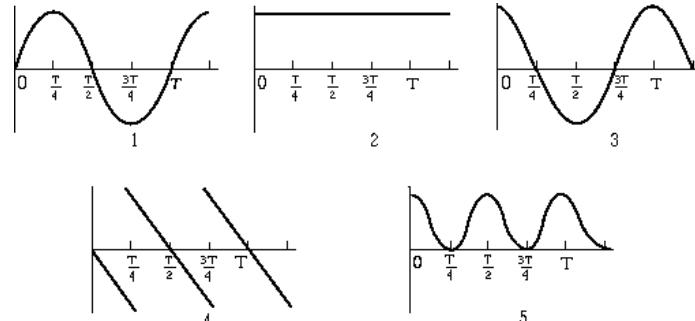


- g) Hvis  $F$  er krafta,  $x$  er utsvinget og  $k$  er ein konstant, må vi for enkel harmonisk oscillasjon ha oppfylt

- A)  $F = -k/x^2$
- B)  $F = k/x$
- C)  $F = \sqrt{k/x^2}$
- D)  $F = -kx^2$
- E)  $F = -kx$

- h) Den kinetiske energien til ein lekam som beveger seg i ein harmonisk oscillasjon er plotta som funksjon av tida som er gitt i enhetar av perioden  $T$ . Ved  $t = 0$  er utsvinget lik null. Kva for ein graf representerar desse vilkåra?

- A) 1
- B) 2
- C) 3
- D) 4
- E) 5



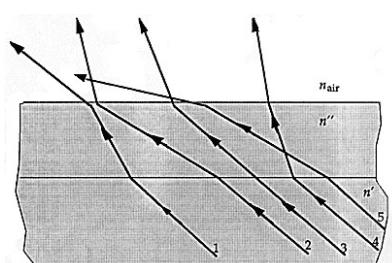
- i) Ein lysstråle passerar frå luft til vatn idet den treffer overflata på vatnet med ein innfallsvinkel på  $45^\circ$ . Hvilke av dei følgende fire størrelser endrar idet lyset passerer inn i vatnet:

(1) bølgelengden, (2) frekvensen, (3) bølgefarten, (4) bølgetallet.

- A) Bare 1 og 2.
- B) Bare 2, 3 og 4.
- C) Bare 1, 3 og 4.
- D) Bare 3 og 4.
- E) Alle 1, 2, 3 og 4.

- j) Ein lysstråle i eit medium med brytningsindeks  $n'$  går inn i eit medium med brytningsindeks  $n''$ , med  $n'' > n'$ , deretter inn i luft med  $n_{luft} < n'$ . Strålen som viser den riktige strålegangen er (nummerert frå venstre)

- A) 1
- B) 2
- C) 3
- D) 4
- E) 5



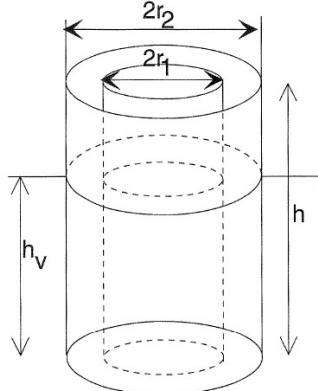
- k) Ein lysstråle propagerar i  $x$ -retning. Det elektriske feltet  $\vec{E}$

- A) kan oscillere i einkvar retning i rommet
- B) må oscillere i  $z$ -retning
- C) må oscillere i  $yz$ -planet
- D) må oscillere i  $x$ -retning
- E) må ha ein komponent i  $x$ -retning med konstant størrelse.

**Oppgåve 2. Elektrostatikk (tel 20%)**

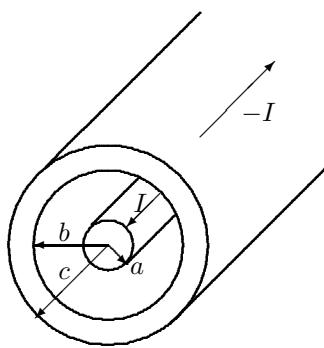
Ein luftfylt kondensator består av to rektangulære metallplater som er bøygde til to sylinder med radiar kvar  $r_1 = 3,0 \text{ cm}$  og  $r_2 = 5,0 \text{ cm}$  (se figur under pkt. c, men her væskefylt). Sylinderne har felles akse, lengde  $h = 20 \text{ cm}$  og endeflatene er parallele. Kondensatoren er kopla til ein spenningsforsyning som er innstilt til  $V_0 = 150 \text{ V}$  med indre sylinder på høgste potensial. Denne potensialforskjellen gir kondensatoren ein ladning  $Q$ . Vi kan sjå bort frå uregelmessigheter (randeffekter) ved sylinderne endeflater.

- Finn uttrykk for det elektriske feltet  $E(r)$  for alle verdiar av  $r$  mellom sylinderne endeflater. M.a. skal  $Q$  inngå i uttrykket.
- Beregn verdi for  $Q$  (tallsvar). Du får m.a. bruk for verdi for  $V_0$ . Finn herfrå kondensatorens kapasitans  $C_0$  (tallsvar).



Spenningsforsyninga frakoplast og den ladde kondensatoren senkast så delvis ned i ein dielektrisk væske som har overflate med sylinderne endeflater. Væska som fyller rommet mellom platene opp til  $h_v = 12,0 \text{ cm}$ , har relativ permittivitet  $\epsilon_r = 5,0$  og ledningsevne lik null.

- Finn flateladningstettheten  $\sigma_v$  på inste sylinderflata der denne er omgitt av væske (tallsvar).

**Oppgåve 3. Magnetfelt i koaksialkabel. (tel 30%)**

Ein svært lang koaksialkabel fører ein strøm  $+I$  i innerleiari og  $-I$  i ytterleiari. Innerleiaren er ein massiv sylinder med radius  $a$ , ytterleiari er ein sylinder med innerradius  $b$  og ytterradius  $c$ . Mellom leiarane er det elektrisk isolerende materiale. Permittivitetten for alle delar av rommet er  $\mu_0$ . Legg inn eit sylinderkoordinatsystem med  $z$ -aksen i senter av innerleiaren med positiv retning lik strømretninga i innerleiaren og med  $r$  i radiell retning.

I pkt. a) - d) skal du anta at strømmen er samla på overflata av innerleiari og innerflata av ytterleiari.

- Bruk Ampères lov til å vise at  $H$ -feltet mellom leiarane ( $r \in [a, b]$ ) kan uttrykkest

$$H(r) = \frac{I}{2\pi} \cdot \frac{1}{r}.$$

Angi også retninga.

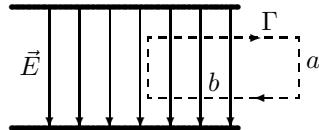
- Finn uttrykk for asimutal (sirkulær) magnetisk fluks  $\Phi_B$  i rommet mellom inner- og ytterleiari for ei lengde  $\ell$  av kabelen.
- Finn uttrykk for kabelens sjølvinduktans  $L'$  per lengdeenhet.
- Finn sjølvinduktansen  $L$  for ein  $\ell = 10 \text{ m}$  lang kabel med  $a = 0,50 \text{ mm}$  og  $b = 3,0 \text{ mm}$  ved å sette inn tallverdiar i svaret i c).

Anta nå at strømmen ikkje går på overflata men er jamt fordelt i tverrsnittet av leiarane, dvs. ein strømtettleik  $J_{0a}$  for innerleiaren og  $J_{bc}$  for ytterleiaren.

- Finn uttrykk for  $H(r)$  for alle  $r$  og skissér  $H(r)$  for  $r \in [0, \frac{3}{2}c]$ .

**Oppgåve 4. Platekondensator (tel 8%)**

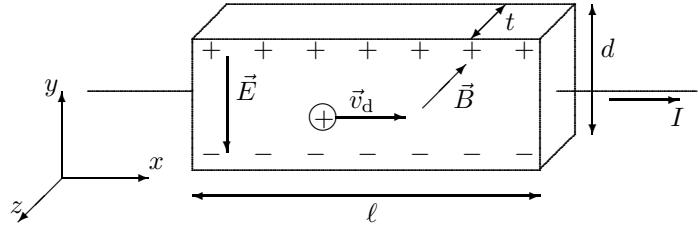
Ofte neglisjerast randeffektar for ein parallelplatekondensator, idet det antas at  $E = \text{konstant}$  mellom platene og  $E = 0$  utanfor.



Vis først ved å integrere  $\oint \vec{E} \cdot d\vec{s}$  rundt den stipla integrasjonsvegen  $\Gamma$  (rekktangulær med sidekantar  $a$  og  $b$ ) at denne antakelsen strengt tatt ikkje kan vere korrekt. Skisser deretter meir realistisk nokre feltlinjer og ekvipotensialflater nær randen, og forklar korleis integrasjonen  $\oint \vec{E} \cdot d\vec{s}$  rundt ein hensiktsmessig valt integrasjonsveg  $\Gamma$  nær randen då gir eit korrekt resultat.

**Oppgåve 5. Hallprobe. (tel 12%)**

Ein Hallprobe består av eit halvleiarmateriale og har form som vist i figuren (ikkje i skala) med lengde  $\ell = 40$  mm, tjukkleik  $t = 0,15$  mm og høgd  $d = 20$  mm. Strømmen  $I$  førast i lengderetning og kan antas fordelt med homogen strømtettleik  $J$  over leiartverrsnittet  $A = d \cdot t$ . Halvleiarmaterialet har positive ladningsbærare  $q = +e$  og med ladningstettleik  $n = 5 \cdot 10^{20} \text{ m}^{-3}$ .



Proben brukast til å måle styrken på eit magnetfelt  $B$  som antas homogent og retta i  $-z$ -retning i koordinatsystemet vist i figuren. Figuren gir også nokre nyttige opplysninger.

- a)** Med grunnlag i balanse mellom elektrisk og magnetisk kraft vis at Hallspenninga kan uttrykkast  $V_H = v_d B d$ . Vis klart i figuren kor Hallspenninga målast.

- b)**  $V_H$  målast til 6,5 V når strømmen er  $I = 0,15$  A. Hvor stort er magnetfeltet  $B$ ?

OPPGITT:  $J = q n v_d$  med  $v_d$  lik driftsfart for ladning  $q$ .

**FORMELLISTE.**

Formlanes gyldighetsområde og dei ulike symbolas betydning antas å vere kjent. Symbolbruk som i forelesningsnotatene. Lista "Størrelser og enheter" inneholder også mange definisjoner.

**Fysiske konstanter:**

$$\epsilon_0 = 8,85 \cdot 10^{-12} \text{ F/m} \quad \mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7} \text{ H/m} \quad e = 1,60 \cdot 10^{-19} \text{ C} \quad m_e = 9,11 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$$

$$g = 9,81 \text{ m/s}^2 \quad N_A = 6,02 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1} \quad c_0 = 2,998 \cdot 10^8 \text{ m/s}$$

**Elektromagnetisme:**

( $Q$ ,  $\rho$  og  $\sigma$  utan indeks viser til *frie* ladninger.  $Q_i$ ,  $\rho_i$  og  $\sigma_i$  er indusert ladning)

$$\text{Coulombs lov: } \vec{F}_{12} = \frac{1}{4\pi\epsilon} \frac{q_1 q_2}{r^2} \hat{\mathbf{r}} \quad \vec{E} = \frac{1}{4\pi\epsilon} \frac{q}{r^2} \hat{\mathbf{r}}$$

$$\text{Gauss' lov integralform: } \oint \vec{D} \cdot d\vec{A} = Q \quad \oint \vec{E} \cdot d\vec{A} = Q/\epsilon \quad \oint \vec{P} \cdot d\vec{A} = -Q_i \quad \oint \vec{B} \cdot d\vec{A} = 0$$

$$\text{Gauss' lov differensialform: } \operatorname{div} \vec{D} = \rho \quad \operatorname{div} \vec{E} = \rho/\epsilon \quad \operatorname{div} \vec{P} = -\rho_i \quad \operatorname{div} \vec{B} = 0$$

$$\text{Fluks: } \Phi_E = \int \vec{E} \cdot d\vec{A} \quad \Phi = \int \vec{D} \cdot d\vec{A} = \epsilon \Phi_E \quad \Phi_B = \int \vec{B} \cdot d\vec{A}$$

$$\text{Amperes lov: } \oint \vec{B} \cdot d\vec{s} = \mu \left( I_c + \epsilon \frac{\partial \Phi_E}{\partial t} \right) \quad \oint \vec{H} \cdot d\vec{s} = I_c + \frac{\partial \Phi}{\partial t} \quad \operatorname{curl} \vec{H} = \vec{J} + \frac{\partial \vec{D}}{\partial t}$$

$$\text{Faradays lov: } \mathcal{E} = -\frac{\partial \Phi_B}{\partial t} = -L \frac{dI}{dt} \quad \oint \vec{E} \cdot d\vec{s} = -\frac{\partial \Phi_B}{\partial t} \quad \operatorname{curl} \vec{E} = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$$

$$\text{Maxwells likninger: } \operatorname{div} \vec{D} = \rho \quad \operatorname{div} \vec{B} = 0 \quad \operatorname{curl} \vec{E} = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t} \quad \operatorname{curl} \vec{H} = \vec{J} + \frac{\partial \vec{D}}{\partial t}$$

$$\text{Elektrisk dipolmoment: } \vec{p} = q \vec{d} \quad (\text{frå} - \text{til} +) \quad \text{Polarisering: } \vec{P} = \frac{\sum \vec{p}}{V}$$

$$\text{Magnetisk (dipol)moment: } \vec{\mu} = I \vec{A} \quad \text{Magnetisering: } \vec{M} = \frac{\sum \vec{\mu}}{V}$$

$$\vec{D} = \epsilon_0 \vec{E} + \vec{P} = \epsilon \vec{E} = \epsilon_r \epsilon_0 \vec{E} \quad \vec{P} = \chi_e \epsilon_0 \vec{E} \quad \epsilon_r = 1 + \chi_e$$

$$\vec{B} = \mu_0 \vec{H} + \mu_0 \vec{M} = \mu \vec{H} = \mu_r \mu_0 \vec{H} \quad \vec{M} = \chi_m \vec{H} \quad \mu_r = 1 + \chi_m$$

$$\text{Elektrisk potensial: } V_a - V_b = - \int_b^a \vec{E} \cdot d\vec{s}, \quad \vec{E} = -\vec{\nabla} V,$$

$$\text{Energi og energitettleik: } U = \frac{1}{2} \int V dq \quad \text{Elektrisk: } u = \frac{1}{2} \vec{D} \cdot \vec{E} \quad \text{Magnetisk: } u = \frac{1}{2} \vec{B} \cdot \vec{H}$$

$$\text{Kondensatorer: } C = \frac{Q}{V} \quad \text{Kulekondensator: } C = 4\pi\epsilon_0 R \quad \text{Energi: } U = \frac{1}{2} QV = \frac{1}{2} CV^2$$

$$\text{Platekondensator: } C = \epsilon \frac{A}{d} \quad \text{Parallelkopling: } C = \sum_i C_i \quad \text{Seriekoppling: } \frac{1}{C} = \sum_i \frac{1}{C_i}$$

$$\text{Kraft på strømførende leiar: } d\vec{F} = Id\vec{s} \times \vec{B} \quad \text{Lorentzkrafta: } \vec{F} = q(\vec{E} + \vec{v} \times \vec{B})$$

$$\text{Biot-Savarts lov: } \vec{B} = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{q \vec{v} \times \hat{\mathbf{r}}}{r^2} \quad d\vec{B} = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{Id\vec{s} \times \hat{\mathbf{r}}}{r^2}$$

$$H\text{-felt rundt } \propto \text{lang leiar: } H_\theta = \frac{I}{2\pi r} \quad H\text{-felt i lang, tynn solenoide: } H = I \cdot n = I \cdot \frac{N}{\ell}$$

$$\text{Ohms lov: } V = RI, \quad \sigma \vec{E} = \vec{J} \quad \text{Spoler: } L = N \frac{\Phi_B}{I} \quad U = \frac{1}{2} LI^2$$

Lenz lov: Ein indusert strøm er alltid slik at den forsøker å motvirke forandringa i den magnetiske fluks som er årsak til strømmen.

(Formler om magnetiske kretser tas ikkje med da det ikkje gis til eksamen)

### Bølger:

$$\frac{\partial^2 y}{\partial t^2} - v^2 \frac{\partial^2 y}{\partial x^2} = 0 \quad y(x, t) = f(x \pm vt)$$

Vandrebølge i  $\pm x$ -retning:  $y(x, t) = y_0 \sin(kx \mp \omega t)$

$$\omega = \frac{2\pi}{T} \quad k = \frac{2\pi}{\lambda} \quad v = \pm \frac{\omega}{k} = \pm \frac{\lambda}{T} = \pm \lambda f, \quad \text{med } f = \omega/(2\pi)$$

$$\text{Standbølge: } y(x, t) = \frac{1}{2}y_0 \sin(kx + \omega t) + \frac{1}{2}y_0 \sin(kx - \omega t) = y_0 \sin(kx) \cos(\omega t), \quad L = n \cdot \frac{\lambda}{2}, \quad f_n = n \cdot \frac{v}{2L}$$

$$\text{Streng: } v = \sqrt{\frac{F}{\mu}} \quad \text{kor} \quad \mu = \frac{\Delta m}{\Delta \ell}$$

Elektromagnetiske bølger, f.eks.:  $\vec{E}(x, t) = E_0 \hat{\mathbf{j}} \cos(kx \pm \omega t)$   $\vec{B}(x, t) = B_0 \hat{\mathbf{k}} \cos(kx \pm \omega t)$

$$E_0 = \mp c \cdot B_0 \quad c = \sqrt{\frac{1}{\mu \epsilon}}$$

Poyntingvektoren:  $\vec{S}(x, t) = \vec{E}(x, t) \times \vec{H}(x, t)$  Med  $S = |\vec{S}|$  er videre

Energitettleik ( $\text{J/m}^3$ ):  $u = S/c$  Intensitet ( $\text{W/m}^2$ ):  $I = \langle S \rangle$  Strålingstrykk:  $\langle S \rangle/c$

$$\text{Diffraksjon og interferens: } I = I_0 \left[ \frac{\sin(\beta/2)}{\beta/2} \right]^2 \cdot \left[ \frac{\sin(N\phi/2)}{\sin(\phi/2)} \right]^2 \quad \text{med} \quad \beta = \frac{2\pi a}{\lambda} \sin \theta, \quad \phi = \frac{2\pi d}{\lambda} \sin \theta$$

Snells lov:  $n_1 \sin \theta_1 = n_2 \sin \theta_2$  med  $n_i = c_0/c_i$

---

Nablaoperatoren:

Kartesiske koordinater  $(x, y, z)$ , med enhetsvektorer henholdsvis  $\hat{\mathbf{i}}$ ,  $\hat{\mathbf{j}}$  og  $\hat{\mathbf{k}}$ :

$$\begin{aligned}\text{grad}V = \vec{\nabla}V &= \hat{\mathbf{i}} \frac{\partial V}{\partial x} + \hat{\mathbf{j}} \frac{\partial V}{\partial y} + \hat{\mathbf{k}} \frac{\partial V}{\partial z} \\ \text{div} \vec{D} = \vec{\nabla} \cdot \vec{D} &= \frac{\partial D_x}{\partial x} + \frac{\partial D_y}{\partial y} + \frac{\partial D_z}{\partial z} \\ \vec{\nabla}^2 V &= \frac{\partial^2 V}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 V}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 V}{\partial z^2} \\ \text{curl} \vec{D} = \vec{\nabla} \times \vec{D} &= \begin{vmatrix} \hat{\mathbf{i}} & \hat{\mathbf{j}} & \hat{\mathbf{k}} \\ \frac{\partial}{\partial x} & \frac{\partial}{\partial y} & \frac{\partial}{\partial z} \\ D_x & D_y & D_z \end{vmatrix}\end{aligned}$$

Sylinderkoordinater  $(r, \phi, z)$ , med enhetsvektorer henholdsvis  $\hat{\mathbf{r}}$ ,  $\hat{\phi}$  og  $\hat{\mathbf{k}}$ :

$$\begin{aligned}\vec{\nabla}V &= \hat{\mathbf{r}} \frac{\partial V}{\partial r} + \hat{\phi} \frac{1}{r} \frac{\partial V}{\partial \phi} + \hat{\mathbf{k}} \frac{\partial V}{\partial z} \\ \vec{\nabla} \cdot \vec{D} &= \frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} (r D_r) + \frac{1}{r} \frac{\partial D_\phi}{\partial \phi} + \frac{\partial D_z}{\partial z} \\ \vec{\nabla}^2 V &= \frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} \left( r \frac{\partial V}{\partial r} \right) + \frac{1}{r^2} \frac{\partial^2 V}{\partial \phi^2} + \frac{\partial^2 V}{\partial z^2}\end{aligned}$$

Kulekoordinater  $(r, \theta, \phi)$ , med enhetsvektorer henholdsvis  $\hat{\mathbf{r}}$ ,  $\hat{\theta}$ ,  $\hat{\phi}$ :

$$\begin{aligned}\vec{\nabla}V &= \hat{\mathbf{r}} \frac{\partial V}{\partial r} + \hat{\theta} \frac{1}{r} \frac{\partial V}{\partial \theta} + \hat{\phi} \frac{1}{r \sin \theta} \frac{\partial V}{\partial \phi} \\ \vec{\nabla} \cdot \vec{D} &= \frac{1}{r^2} \frac{\partial}{\partial r} (r^2 D_r) + \frac{1}{r \sin \theta} \frac{\partial}{\partial \theta} (D_\theta \sin \theta) + \frac{1}{r \sin \theta} \frac{\partial D_\phi}{\partial \phi} \\ \vec{\nabla}^2 V &= \frac{1}{r^2} \frac{\partial}{\partial r} \left( r^2 \frac{\partial V}{\partial r} \right) + \frac{1}{r^2 \sin \theta} \frac{\partial}{\partial \theta} \left( \sin \theta \frac{\partial V}{\partial \theta} \right) + \frac{1}{r^2 \sin^2 \theta} \frac{\partial^2 V}{\partial \phi^2}\end{aligned}$$

Divergensteoremet og Stokes' teorem for et tilfeldig vektorfelt  $\vec{F}$ :

$$\begin{aligned}\iint \vec{F} \cdot d\vec{A} &= \iiint \vec{\nabla} \cdot \vec{F} \, dV \\ \oint \vec{F} \cdot d\vec{s} &= \iint (\vec{\nabla} \times \vec{F}) \cdot d\vec{A}\end{aligned}$$

## Dekadiske prefikser:

Symbol	Navn	Tallverdi
E	exa	$10^{18}$
P	peta	$10^{15}$
T	tera	$10^{12}$
G	giga	$10^9$
M	mega	$10^6$
K	kilo	$10^3$
h	hekto	$10^2$
da	deka	$10^1$
d	desi	$10^{-1}$
c	centi	$10^{-2}$
m	milli	$10^{-3}$
$\mu$	mikro	$10^{-6}$
n	nano	$10^{-9}$
p	piko	$10^{-12}$
f	femto	$10^{-15}$
a	atto	$10^{-18}$

## Greske bokstaver:

Navn	Stor	Liten	Transkripsjon
alfa	A	$\alpha$	a
beta	B	$\beta$	b
gamma	$\Gamma$	$\gamma$	g
delta	$\Delta$	$\delta$	d
epsilon	E	$\epsilon, \varepsilon$	e (kort)
zeta	Z	$\zeta$	z
eta	H	$\eta$	e (lang), i
theta	$\Theta$	$\theta, \vartheta$	th
iota	I	$\iota$	i
kappa	K	$\kappa$	k
lambda	$\Lambda$	$\lambda$	l
my	M	$\mu$	m
ny	N	$\nu$	n
ksi	$\Xi$	$\xi$	x, ks
omikron	O	$\circ$	o (kort)
pi	$\Pi$	$\pi, \varpi$	p
rho	P	$\rho, \varrho$	r
sigma	$\Sigma$	$\sigma, \varsigma$	s
tau	T	$\tau$	t
ypsilon	$\Upsilon$	$\upsilon$	u, y
phi	$\Phi$	$\phi, \varphi$	f
khi	X	$\chi$	ch
psi	$\Psi$	$\psi$	ps
omega	$\Omega$	$\omega$	o (lang)

Størrelse		SI-enhet	
Navn	Symbol og def.	Symbol	Navn
elektrisk feltstyrke	$\vec{E} = \vec{F}/q$	V/m = N/C	
elektrisk potensial	$V$	$V = J/C = kg\ m^2 s^{-3} A^{-1}$	volt
elektrisk fluksstettleik	$\vec{D} = \epsilon \vec{E}$	C/m <sup>2</sup>	
elektrisk polarisering	$\vec{P} = \chi_e \epsilon_0 \vec{E}$	C/m <sup>2</sup>	
elektrisk ladning	$Q, q$	C = As	coulomb
elektrisk ladningstettleik; rom-	$\rho$	C/m <sup>3</sup>	
flate-	$\sigma$	C/m <sup>2</sup>	
line-	$\lambda$	C/m	
elektrisk dipolmoment	$\vec{p} = q\vec{d}$	Cm	
fluks til $E$ -feltet	$\Phi_E = \int \vec{E} \cdot d\vec{A}$	Vm = Nm <sup>2</sup> C <sup>-1</sup>	
elektrisk fluks	$\Phi = \int \vec{D} \cdot d\vec{A}$	C	
permittivitet	$\epsilon$	F/m	
relativ permittivitet	$\epsilon_r = \epsilon/\epsilon_0$	1	
elektrisk susceptibilitet	$\chi_e = \epsilon_r - 1$	1	
elektromotorisk spenning, el.m.kraft (ems)	$\mathcal{E}, \mathcal{U}$	V	
elektrisk strøm	$I, i$	A	ampere
elektrisk strømtettleik	$\vec{J}, \vec{j}$	A/m <sup>2</sup>	
elektrisk potensialdifferanse, spenning	$U, V$	V	
kapasitans	$C = Q/V$	F = AsV <sup>-1</sup>	farad
magnetisk feltstyrke	$\vec{H}$	A/m	
magnetisk fluks	$\Phi_B = \int \vec{B} \cdot d\vec{A}$	Wb = Vs	weber
magnetisk fluksstettleik	$\vec{B} = \mu \vec{H}$	T = Wb/m <sup>2</sup> = N(Am) <sup>-1</sup> = 10 <sup>4</sup> G	tesla; G=gauss
magnetisering	$\vec{M} = \chi_m \vec{H}$	A/m	
permeabilitet	$\mu$	H/m = Tm/A = VsA <sup>-1</sup> m <sup>-1</sup>	
relativ permeabilitet	$\mu_r = \mu/\mu_0$	1	
magnetisk susceptibilitet	$\chi_m = \mu_r - 1$	1	
magnetisk (dipol)moment	$\vec{\mu}, \vec{m}$	A m <sup>2</sup>	
kraftmoment i $B$ -felt	$\vec{\tau} = \vec{T} = \vec{\mu} \times \vec{B}$	A T m <sup>2</sup> = Nm	
intensitet	$I$	W/m <sup>2</sup>	
induktans	$L$	H = VsA <sup>-1</sup>	henry
resistans	$R$	$\Omega = VA^{-1}$	ohm
resistivitet	$\rho$	$\Omega_m$	
konduktivitet	$\sigma = 1/\rho$	( $\Omega$ m) <sup>-1</sup>	
impedans	$Z$	$\Omega$	
magnetomotorisk spenning (mmf)	$\mathcal{F}_m$	A	
reluktans	$\mathfrak{R}$	H <sup>-1</sup>	
poyntingvektoren	$\vec{S} = \vec{E} \times \vec{H}$	W/m <sup>2</sup>	
masse	$m$	kg	kilogram
fart	$v$	m/s	
kraft	$\vec{F}$	N = kg m s <sup>-2</sup>	newton
trykk	$p$	Pa = N m <sup>-2</sup>	pascal
arbeid, energi	$E, W$	J = Nm	joule
effekt	$P$	W = J/s	watt
vinkel	$\alpha, \theta, \gamma, \dots$	rad	radian
vinkelfrekvens	$\omega$	rad/s	
romvinkel	$\Omega$	sr	steradian
lengde	$l$	m	meter
areal	$A$	m <sup>2</sup>	
volum	$V$	m <sup>3</sup>	
tid	$t$	s	sekund
frekvens	$f$	Hz = 1/s	hertz
bølgelengde	$\lambda$	m	
bølgetall	$k = 2\pi/\lambda$	1/m	